



HvA-HES Amsterdam, Fraijlemaborg 133, 1102 CV Amsterdam
Postbus 22575, 1100 DB Amsterdam

Naam:

Studentnummer:

Klas/groep:

Nummer Studiegids:

1012_KM1-T2

Code onderwijseenheid:

KM1VPAFE01

Toets 2

Versie A

Opleiding:

FRE

Datum:

23-01-2014

Tijd:

17.30 – 19.30 uur

**Alleen deze bladen inleveren!
Let op je naam, studentnummer en klas**

- Dit tentamen is aaneengesloten en dient aaneengesloten te blijven. Het bestaat uit **9** opgaven op 6 pagina's, gevolgd door ruimte die dient als **kladpapier**. Meer kladpapier is er niet. Lever alles in (ook het kladpapier!) Schrijf de **uitwerkingen binnen de daartoe bestemde kaders**. Bij ruimtegebrek kan de lege achterkant ernaast worden gebruikt. Verwijs hier dan naar.
- Het is toegestaan om gebruik te maken van Excel en van alle typen rekenmachines.
- Uitwerkingen van opgaven dienen vergezeld te gaan van motivatie en/of berekening. Geef de volledige uitwerking. De wijze van presentatie kan van invloed zijn op de beoordeling.
- Als u een opgave onduidelijk vindt, vermeldt u dit met argumenten; vervolgens beschrijft u welke aanname(n) u doet om de opgave alsnog te kunnen maken.
- De puntenverdeling staat bij de opgave per onderdeel vermeld tussen < >. Totaal 50 punten. **SUCCES!**

Opgave 1 <3,3>

De kansvariabele \underline{x} is binomiaal verdeeld met $n = 93$ en $p = 0,3$.

Bereken:

- (i) $P(\underline{x} \geq 33)$ (vier decimalen nauwkeurig)
- (ii) $\sigma(\underline{x})$ (twee decimalen nauwkeurig).

Berekening + antwoorden:

Opgave 2 <2,3>

Gegeven is de volgende kansverdeling van kansvariabele \underline{x} :

k	P($\underline{x} = k$)
10	0,4
100	0,3
1.000	0,2
10.000	0,1

- (i) Bereken $E(\underline{x})$ (antwoord in gehelen)
- (ii) Bereken $\sigma(\underline{x})$ (antwoord in gehelen).

Toelichting + antwoorden:

Zie volgende pagina

Opgave 3 <2,3>

Gegeven zijn twee onderling onafhankelijke variabelen x en y .

Verder is gegeven: $E(x) = 7,3$, $E(y) = 10,2$, $\sigma(x) = 1,2$ en $\sigma(y) = 2,2$.

Bereken, waar mogelijk, in 2 decimalen nauwkeurig:

(i) $E(4x + 3y - 8)$

(ii) $\sigma(2x - y - 3)$

Uitwerking + antwoorden:

Opgave 4 <3,3>

Een webwinkel rekent klanten die in termijnen betalen een debetrente van 2,5% per 13 weken. Bereken in twee decimalen nauwkeurig de effectieve rente die de klant betaalt per

(i) jaar

(ii) week

Uitwerking + antwoorden:

Zie volgende pagina

Opgave 5 <3>

Bereken de contante waarde van 18 jaarlijkse, postnumerando, termijnen van € 57.800, op basis van 4,6% per jaar (gehele euro's).

Uitwerking + antwoord:

Opgave 6 <3,3>

De jaarrendementen op aandeel A kunnen worden beschouwd als een normaal verdeelde kansvariable. De verwachtingswaarde bedraagt 6,5% en de standaardafwijking 8,4%.

- (i) Bereken de kans dat het rendement op A in een willekeurig jaar positief zal zijn (twee decimalen).
- (ii) Het 95%-voorspellingsinterval van de rendementen op A wordt in de beleggingswereld het risicoprofiel van A genoemd. Bepaal de grenzen van het risicoprofiel van A (twee decimalen).

Uitwerking + antwoorden:

Zie volgende pagina

Opgave 7 <3>

Van een normaal verdeelde kansvariabele \underline{x} is gegeven: $\sigma(\underline{x}) = 10$.

Bereken welke de grootste waarde van het gemiddelde van \underline{x} is waarvoor geldt: $P(\underline{x} \geq 80) \leq 0,05$.
(één decimaal nauwkeurig)

Berekening + antwoord:

Opgave 8 <3,3>

Van een lineaire lening van € 240.000 is verder gegeven: de schuld wordt in 20 jaarlijkse betalingen afgelost op basis van een interest van 6% per jaar.

- (i) Bereken het interestdeel van de 17^{de} betaling.
- (ii) Bereken het nominale interestbedrag dat over de gehele looptijd wordt betaald.

Berekening + antwoord:

Zie volgende pagina

Opgave 9 <3,7>

Onderneming Havinga BV wil investeren in een nieuw product. In naar schatting 5 jaar zal de investering moeten zijn terugverdiend. De verwachte cashflows (kastromen) zijn achtereenvolgens 230, 270, 310, 290 en 290 (x € 1.000), het te investeren bedrag is € 1,1 miljoen.

- (i) Benader m.b.v. Excel op één decimaal nauwkeurig welk vereist rendement Havinga bij dit project heeft gesteld. Schrijf ook de vergelijking uit die door Excel wordt opgelost.

Vergelijking + antwoord

Op 1 februari a.s. is het 5 jaar geleden dat Havinga een annuïteitenlening heeft afgesloten. Het geleende kapitaal bedroeg € 780.000 tegen een interest van 3,5% en met een totale looptijd van 15 jaar. Per 1 februari a.s. wordt het interesttarief door de bank aangepast naar 5,5%.

- (ii) Bereken in één decimaal nauwkeurig met welk percentage de jaarlijkse annuïteit vanaf 1 februari a.s. zal toenemen.

Berekening + antwoord

EINDE TENTAMEN

UITWERKINGEN**Opgave 1 <3,3>**

De kansvariabele \underline{x} is binomiaal verdeeld met $n = 93$ en $p = 0,3$.

Bereken:

- (i) $P(\underline{x} \geq 33)$ (vier decimalen nauwkeurig)
 (ii) $\sigma(\underline{x})$ (twee decimalen nauwkeurig).

Berekening + antwoorden:

$$(i) P(\underline{x} \geq 33) = 1 - P(\underline{x} \leq 32) \approx \underline{0,1491} \quad (1 - \text{BINOMDIST}(32;93;0,3;1))$$

$$(ii) \sigma(\underline{x}) = \sqrt{93 \times 0,3 \times 0,7} \approx \underline{4,42}$$

Opgave 2 <2,3>

Gegeven is de volgende kansverdeling van kansvariabele \underline{x} :

k	P($\underline{x} = k$)
10	0,4
100	0,3
1.000	0,2
10.000	0,1

- (i) Bereken $E(\underline{x})$ (antwoord in gehelen)
 (ii) Bereken $\sigma(\underline{x})$ (antwoord in gehelen).

Toelichting + antwoorden:

$$(i) E(\underline{x}) = 10 \times 0,4 + 100 \times 0,3 + 1000 \times 0,2 + 10.000 \times 0,1 = \underline{1234}$$

$$(ii) \sigma^2(\underline{x}) = (10-1234)^2 \times 0,4 + \dots + (10.000-1234)^2 \times 0,1 = 8.680.284, \text{ dus } \sigma(\underline{x}) = \underline{2946}$$

[kan ook met invoer: 10;0,4 M⁺, ..., 10.000;0,1M⁺, daarna S-Var 1 en 2]

Opgave 3 <2,3>

Gegeven zijn twee onderling onafhankelijke variabelen x en y .

Verder is gegeven: $E(x) = 7,3$, $E(y) = 10,2$, $\sigma(x) = 1,2$ en $\sigma(y) = 2,2$.

Bereken, waar mogelijk, in 2 decimalen nauwkeurig:

(i) $E(4x + 3y - 8)$

(ii) $\sigma(2x - y - 3)$

Uitwerking + antwoorden:

(i) $E(4x + 3y - 8) = 4E(x) + 3E(y) - 8 = 29,2 + 30,6 - 8 = \underline{51,8}$

(ii) $\text{var}(2x - y - 3) = 4\text{Var}(x) + \text{Var}(y) = 5,76 + 4,84 = 10,6$, dus
 $\sigma(2x - y - 3) = \sqrt{10,6} = \underline{3,26}$

Opgave 4 <3,3>

Een webwinkel rekent klanten die in termijnen betalen een debetrente van 2,5% per 13 weken. Bereken in twee decimalen nauwkeurig de effectieve rente die de klant betaalt per

(i) jaar

(ii) week

Uitwerking + antwoorden:

(i) groeifactor per 13 weken is 1,025, dus groeifactor per jaar is $1,025^4 \approx 1,10381$
 dus een effectieve rente van **10,38% per jaar**

(ii) groeifactor per 13 weken is 1,025, dus groeifactor per week is $1,025^{\frac{1}{13}} \approx 1,00190$
 dus een effectieve rente van **0,19 % per week**

Opgave 5 <3>

Bereken de contante waarde van 18 jaarlijkse, postnumerando, termijnen van € 57.800, op basis van 4,6% per jaar (gehele euro's).

Uitwerking + antwoord:

$$CW = \frac{57.800}{1,046} + \frac{57.800}{1,046^2} + \frac{57.800}{1,046^3} + \dots + \frac{57.800}{1,046^{18}} = 57.800 \cdot \frac{1 - 1,046^{-18}}{0,046} = \underline{697.280}$$

Opgave 6 <3,3>

De jaarrendementen op aandeel A kunnen worden beschouwd als een normaal verdeelde kansvariable. De verwachtingswaarde bedraagt 6,5% en de standaardafwijking 8,4%.

- (i) Bereken de kans dat het rendement op A in een willekeurig jaar positief zal zijn (twee decimalen).
- (ii) Het 95%-voorspellingsinterval van de rendementen op A wordt in de beleggingswereld het risicoprofiel van A genoemd. Bepaal de grenzen van het risicoprofiel van A (twee decimalen).

Uitwerking + antwoorden:

- (i) Stel r = jaarrendement op A
 $P(r \geq 0) = 1 - P(r \leq 0) = 1 - 0,22 = \mathbf{0,78}$
Of: Kans = $1 - \text{NORMDIST}(0;6,5;8,4;1) = 1 - 0,22 = \mathbf{0,78}$
- (ii) Bovengrens = $\text{NORMINV}(0,975;6,5;8,4) = \mathbf{22,96\%}$
Ondergrens = $\text{NORMINV}(0,025;6,5;8,4) = \mathbf{-9,96\%}$

Opgave 7 <3>

Van een normaal verdeelde kansvariabele x is gegeven: $\sigma(x) = 10$.
Bereken welke de grootste waarde van het gemiddelde van x is waarvoor geldt: $P(x \geq 80) \leq 0,05$.
(één decimaal nauwkeurig)

Berekening + antwoord:

$$P(z \geq g) \leq 0,05 \text{ geeft } g = 1,645 \text{ dus } x_{\text{gem}} + 1,645 \cdot 10 = 80, \text{ dus } x_{\text{gem}} = 63,55 \approx \mathbf{63,6}$$

Opgave 8 <3,3>

Van een lineaire lening van € 240.000 is verder gegeven: de schuld wordt in 20 jaarlijkse betalingen afgelost op basis van een interest van 6% per jaar.

- (i) Bereken het interestdeel van de 17^{de} betaling.
- (ii) Bereken het nominale interestbedrag dat over de gehele looptijd wordt betaald.

Berekening + antwoord:

- (i) De schuld na de 16^{de} betaling bedraagt € 48.000, dus het rentebestanddeel vd 17^{de} betaling bedraagt 6% van 48.000 ofwel $\mathbf{\text{€ } 2.880}$
- (ii) De eerste interestbetaling bedraagt € 14.400; de interestbetaling nemen dan jaarlijks af met 6% van de aflossingen, dus met 6% van € 12.000, dus met € 720. De laatste interestbetaling bedraagt t dus € 720. De totale nominale interestlast bedraagt $0,5 \times 20 \times (14.400 + 720) = \mathbf{\text{€ } 151.200}$

Opgave 9 <3,7>

Onderneming Havinga BV wil investeren in een nieuw product. In naar schatting 5 jaar zal de investering moeten zijn terugverdiend. De verwachte cashflows (kasstromen) zijn achtereenvolgens 230, 270, 310, 290 en 290 (x € 1.000), het te investeren bedrag is € 1,1 miljoen.

- (i) Benader m.b.v. Excel op één decimaal nauwkeurig welk vereist rendement Havinga bij dit project heeft gesteld. Schrijf ook de vergelijking uit die door Excel wordt opgelost.

Vergelijking + antwoord

$$0 = -1,1 \text{ mln} + \frac{230.000}{1+R} + \frac{270.000}{(1+R)^2} + \frac{310.000}{(1+R)^3} + \frac{290.000}{(1+R)^4} + \frac{290.000}{(1+R)^5}$$

m.b.v. functie IRR vinden we een vereist rendement van **8,0%**

Op 1 februari a.s. is het 5 jaar geleden dat Havinga een annuïteitenlening heeft afgesloten. Het geleende kapitaal bedroeg € 780.000 tegen een interest van 3,5% en met een totale looptijd van 15 jaar. Per 1 februari a.s. wordt het interesttarief door de bank aangepast naar 5,5%.

- (ii) Bereken in één decimaal nauwkeurig met welk percentage de jaarlijkse annuïteit vanaf 1 februari a.s. zal toenemen.

Berekening + antwoord

$$\text{Ann. over eerste 5 jaar: } \text{Ann} \cdot \frac{1-1,035^{-15}}{0,035} = 780.000 \text{ geeft Ann.} = 67.723,55$$

$$\text{Schuld per 1 februari a.s. bedraagt } 67.723,55 \cdot \frac{1-1,035^{-10}}{0,035} = 563.230 \text{ euro}$$

$$\text{Nieuwe ann. : } \text{Ann}^* \cdot \frac{1-1,055^{-10}}{0,055} = 563.230 \text{ geeft Ann}^* = 74.722,48$$

$$\text{Percentuele toename} = \left(\frac{74.722,48}{67.723,55} - 1 \right) \times 100\% \approx \mathbf{10,3\%}$$